

Examenul național de bacalaureat 2026  
 Proba E. c)  
 Matematică *M\_mate-info*

Simulare

*Filiera teoretică, profilul real, specializarea matematică-informatică*  
*Filiera vocațională, profilul militar, specializarea matematică-informatică*

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă zece puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de trei ore.

*Scoala in Papuci*

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

- 5p 1. Arătați că numărul complex  $1 + 3i$  este soluție a ecuației  $x^2 - 2x + 10 = 0$ .
- 5p 2. Se consideră funcția  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $f(x) = 2x^2 - mx + 2$ , unde  $m \in \mathbb{R}$ . Determinați numerele reale  $m$  pentru care graficul funcției  $f$  nu intersectează axa  $Ox$ .
- 5p 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația  $\sqrt{2x^2 - x + 6} = x\sqrt{3}$ .
- 5p 4. Calculați probabilitatea ca, alegând un număr din mulțimea numerelor naturale de trei cifre, acesta să fie divizibil cu 9.
- 5p 5. Se consideră pătratul  $ABCD$  cu  $AB = 1$ . Calculați modulul vectorului  $\overline{AB} + \overline{AC} + \overline{AD}$ .
- 5p 6. Se consideră triunghiul  $ABC$  cu  $AB = 4$ ,  $AC = 5$  și  $A = \frac{\pi}{3}$ . Calculați lungimea înălțimii din  $A$  a triunghiului  $ABC$ .

SUBIECTUL II

(30 de puncte)

1. Se consideră matricea  $A(a) = \begin{pmatrix} a & 2 & 1 \\ 2 & a & 1 \\ 1 & -1 & 3 \end{pmatrix}$  și sistemul de ecuații  $\begin{cases} ax + 2y + z = 0 \\ 2x + ay + z = 0 \\ x - y + 3z = 0 \end{cases}$ , unde  $a$  este număr real.
- 5p a) Arătați că  $\det(A(1)) = -9$ .
- 5p b) Determinați numerele reale  $a$  pentru care sistemul de ecuații are soluții nenule.
- 5p c) Pentru  $a = -2$ , arătați că sistemul de ecuații are două soluții de forma  $(x_0, y_0, z_0)$  cu proprietatea că  $x_0^2 + 2y_0^2 + 3z_0^2 = 6$ .
2. Pe mulțimea  $G = (0, 1)$  se definește legea de compoziție asociativă  $x \circ y = \frac{xy}{2xy - x - y + 1}$ .
- 5p a) Arătați că  $\frac{1}{2}$  este elementul neutru al legii „ $\circ$ ”.
- 5p b) Demonstrați că orice element din mulțimea  $G$  este simetrizabil în raport cu legea „ $\circ$ ”.
- 5p c) Determinați  $x \in G$  pentru care  $x \circ x \circ x = 0, (1)$ .

## SUBIECTUL III

(30 de puncte)

1. Se consideră funcția  $f: (0, +\infty) \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $f(x) = \frac{\ln x}{\ln(x+1)}$ .

5p a) Arătați că  $f'(x) = \frac{(x+1)\ln(x+1) - x \ln x}{x(x+1)\ln^2(x+1)}$ , pentru orice  $x \in (0, +\infty)$ .

5p b) Determinați ecuația asimptotei horizontale spre  $+\infty$  la graficul funcției  $f$ .

5p c) Determinați mulțimea  $B$  cu proprietatea că funcția  $g: (0, +\infty) \rightarrow B$ ,  $g(x) = f(x)$  este bijectivă.

2. Se consideră funcțiile  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $f(x) = \operatorname{arctg} 2x$  și  $g: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $g(x) = \frac{2}{1+4x^2}$ .

5p a) Arătați că funcția  $f$  este o primitivă a funcției  $g$ .

5p b) Demonstrați că orice primitivă a funcției  $f$  este funcție convexă.

5p c) Determinați primitiva  $F$  a funcției  $f$  cu proprietatea că  $F\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{\pi}{8}$ .

*Scoala in Papuci*